

MISURE DI PROBABILITA' FINITAMENTE ADDITIVE E CONTINUE INVARIANTI
PER TRASFORMAZIONI

E. BARONE

e

K.P.S. BHASKARA RAO⁽¹⁾

SUMMARY.- We give a standard proof of the result of Tulipani: if $T: X \rightarrow X$ and a dicotomic family exists on (X, T) then a continuous finitely additive probability measure (charge), which is invariant for T , exists.

§ 1. Introduzione.-

In [1] S. Tulipani prova fra l'altro che se T è una trasformazione di X in X e \mathcal{D} è una famiglia dicotomica su (X, T) (cfr. definizione nel § 2) allora si può affermare che esiste su $\mathcal{B}(X)$ una misura di probabilità finitamente additiva (o carica o massa) continua.

Tale importante Lemma è la premessa per una serie di altri risultati come ad esempio: "Esiste una massa continua e invariante se e solo se esiste una massa non-concentrata ed invariante".

La prova che si dà in [1] del Lemma, fa uso di tecniche non-standard, non ancora sufficientemente diffuse. Per tale ragione abbiamo voluto qui dare una prova standard e completamente diversa da quella data in [1] di quel Lemma, facendo uso del solo Teorema di Hahn-Banach.

(¹) Lavoro eseguito nell'ambito dei gruppi di ricerca del CNR, durante una visita del secondo Autore nell'Università di Lecce.